

六年级下册数学《知识要点汇总》

第一单元 负数

1、负数的由来：

为了表示相反意义的两个量（如盈利亏损、收入支出……），光有学过的 0 1 3.4 $2/5$ ……是远远不够的。所以出现了负数，以盈利为正、亏损为负；以收入为正、支出为负

2、负数：小于 0 的数叫负数（不包括 0 ），数轴上 0 左边的数叫做负数。

若一个数小于 0 ，则称它是一个负数。

负数有无数个，其中有（负整数，负分数和负小数）

负数的写法：

数字前面加负号“-”号，不可以省略

例如： -2 ， -5.33 ， -45 ， $-2/5$

正数：

大于 0 的数叫正数（不包括 0 ），数轴上 0 右边的数叫做正数

若一个数大于 0 ，则称它是一个正数。正数有无数个，其中有（正整数，正分数和正小数）

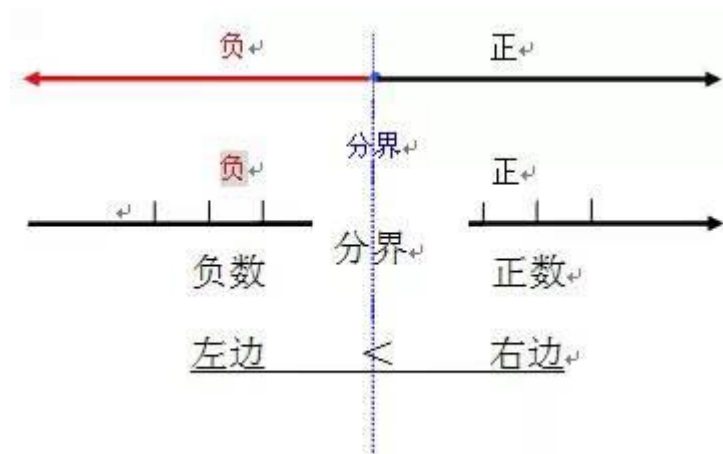
正数的写法：数字前面可以加正号“+”号，也可以省略不写。

例如： $+2$ ， 5.33 ， $+45$ ， $2/5$

4、 0 既不是正数，也不是负数，它是正、负数的分界限

负数都小于 0 ，正数都大于 0 ，负数都比正数小，正数都比负数大

5、数轴：



6、比较两数的大小：

①利用数轴：

负数 < 0 < 正数 或 左边 < 右边

②利用正负数含义：正数之间比较大小，数字大的就大，数字小的就小。负数之间比较大小，数字大的反而小，数字小的反而大

$$1/3 > 1/6 \quad -1/3 < -1/6$$

第二单元 百分数二

（一）、折扣和成数

1、折扣：用于商品，现价是原价的百分之几，叫做折扣。通称“打折”。

几折就是十分之几，也就是百分之几十。例如：八折 = $8/10 = 80\%$ ，

$$\text{六折五} = 6.5/10 = 65/100 = 65\%$$

解决打折的问题，关键是先将打的折数转化为百分数或分数，然后按照求比一个数多（少）百分之几（几分之几）的数的解题方法进行解答。

商品现在打八折：现在的售价是原价的 **80%**

商品现在打六折五：现在的售价是原价的 **65%**

2、成数：

几成就是十分之几，也就是百分之几十。例如：一成 = $1/10 = 10\%$

$$\text{八成五} = 8.5/10 = 85/100 = 85\%$$

解决成数的问题，关键是先将成数转化为百分数或分数，然后按照求比一个数多（少）百分之几（几分之几）的数的解题方法进行解答。

这次衣服的进价增加一成：这次衣服的进价比原来的进价增加 10 %

今年小麦的收成是去年的八成五：今年小麦的收成是去年的 85 %

（二）、税率和利率

1、税率

（1）纳税：纳税是根据国家税法的有关规定，按照一定的比率把集体或个人收入的一部分缴纳给国家。

（2）纳税的意义：税收是国家财政收入的主要来源之一。国家用收来的税款发展经济、科技、教育、文化和国防安全等事业。

（3）应纳税额：缴纳的税款叫做应纳税额。

（4）税率：应纳税额与各种收入的比率叫做税率。

（5）应纳税额的计算方法：

$$\text{应纳税额} = \text{总收入} \times \text{税率}$$

$$\text{收入额} = \text{应纳税额} \div \text{税率}$$

2、利率

（1）存款分为活期、整存整取和零存整取等方法。

（2）储蓄的意义：人们常常把暂时不用的钱存入银行或信用社，储蓄起来，这样不仅可以支援国家建设，也使得个人用钱更加安全和有计划，还可以增加一些收入。

（3）本金：存入银行的钱叫做本金。

（4）利息：取款时银行多支付的钱叫做利息。

（5）利率：利息与本金的比值叫做利率。

（6）利息的计算公式：

$$\text{利息} = \text{本金} \times \text{利率} \times \text{时间}$$

$$\text{利率} = \text{利息} \div \text{时间} \div \text{本金} \times 100\%$$

(7) 注意：如要上利息税（国债和教育储蓄的利息不纳税），则：

$$\text{税后利息} = \text{利息} - \text{利息的应纳税额} = \text{利息} - \text{利息} \times \text{利息税率} = \text{利息} \times (1 - \text{利息税率})$$

$$\text{税后利息} = \text{本金} \times \text{利率} \times \text{时间} \times (1 - \text{利息税率})$$

购物策略：

估计费用：根据实际的问题，选择合适的估算策略，进行估算。

购物策略：根据实际需要，对常见的几种优惠策略加以分析和比较，并能够最终选择最为优惠的方案

学后反思：做事情运用策略的好处

第三单元 圆柱和圆锥

一、圆柱

1、圆柱的形成：圆柱是以长方形的一边为轴旋转而得的。

圆柱也可以由长方形卷曲而得到。

两种方式：

1.以长方形的长为底面周长，宽为高；

2.以长方形的宽为底面周长，长为高。

其中，第一种方式得到的圆柱体体积较大。

2、圆柱的高是两个底面之间的距离，一个圆柱有无数条高，他们的数值是相等的

3、圆柱的特征：

(1) 底面的特征：圆柱的底面是完全相等的两个圆。

(2) 侧面的特征：圆柱的侧面是一个曲面。

(3) 高的特征：圆柱有无数条高

4、圆柱的切割：

①横切：切面是圆，表面积增加 2 倍底面积，即 $S_{\text{增}} = 2\pi r^2$

②竖切（过直径）：切面是长方形（如果 $h=2R$ ，切面为正方形），该长方形的长是圆柱的高，宽是圆柱的底面直径，表面积增加两个长方形的面积，即 $S_{\text{增}} = 4rh$

5、圆柱的侧面展开图：

①沿着高展开，展开图形是长方形，如果 $h=2\pi r$ ，则展开图形为正方形

②不沿着高展开，展开图形是平行四边形或不规则图形

③无论怎么展开都得不到梯形

6、圆柱的相关计算公式：

底面积： $S_{\text{底}} = \pi r^2$

底面周长： $C_{\text{底}} = \pi d = 2\pi r$

侧面积： $S_{\text{侧}} = 2\pi rh$

表面积： $S_{\text{表}} = 2S_{\text{底}} + S_{\text{侧}} = 2\pi r^2 + 2\pi rh$

体积： $V_{\text{柱}} = \pi r^2 h$

考试常见题型：

①已知圆柱的底面积和高，求圆柱的侧面积，表面积，体积，底面周长

②已知圆柱的底面周长和高，求圆柱的侧面积，表面积，体积，底面积

③已知圆柱的底面周长和体积，求圆柱的侧面积，表面积，高，底面积

④已知圆柱的底面面积和高，求圆柱的侧面积，表面积，体积

⑤已知圆柱的侧面积和高，求圆柱的底面半径，表面积，体积，底面积

以上几种常见题型的解题方法，通常是求出圆柱的底面半径和高，再根据圆柱的相关计算公式进行计算

无盖水桶的表面积=侧面积+一个底面积
油桶的表面积=侧面积+两个底面积

烟囱通风管的表面积=侧面积

只求侧面积：灯罩、排水管、漆柱、通风管、压路机、卫生纸中轴、薯片盒包装

侧面积+一个底面积：玻璃杯、水桶、笔筒、帽子、游泳池

侧面积+两个底面积：油桶、米桶、罐桶类

二、圆锥

1、圆锥的形成：圆锥是以直角三角形的一直角边为轴旋转而得到的。圆锥也可以由扇形卷曲而得到。

2、圆锥的高是两个顶点与底面之间的距离，与圆柱不同，圆锥只有一条高

3、圆锥的特征：

(1) 底面的特征：圆锥的底面一个圆。

(2) 侧面的特征：圆锥的侧面是一个曲面。

(3) 高的特征：圆锥有一条高。

4、圆锥的切割：

①横切：切面是圆

②竖切（过顶点和直径直径）：切面是等腰三角形，该等腰三角形的高是圆锥的高，底是圆锥的底面直径，面积增加两个等腰三角形的面积，

即 $S_{增} = 2rh$

5、圆锥的相关计算公式：

底面积： $S_{底} = \pi r^2$

底面周长： $C_{底} = \pi d = 2\pi r$

体积： $V_{锥} = \frac{1}{3} \pi r^2 h$

考试常见题型：

①已知圆锥的底面积和高，求体积，底面周长

②已知圆锥的底面周长和高，求圆锥的体积，底面积

③已知圆锥的底面周长和体积，求圆锥的高，底面积

以上几种常见题型的解题方法，通常是求出圆锥的底面半径和高，再根据圆柱的相关计算公式进行计算

三、圆柱和圆锥的关系

1、圆柱与圆锥等底等高，圆柱的体积是圆锥的 3 倍。

2、圆柱与圆锥等底等体积，圆锥的高是圆柱的 3 倍。

3、圆柱与圆锥等高等体积，圆锥的底面积(注意：是底面积而不是底面半径)是圆柱的 3 倍。

4、圆柱与圆锥等底等高，体积相差 $\frac{2}{3}Sh$

题型总结

①直接利用公式：分析清楚求的是表面积，侧面积、底面积、体积

分析清楚半径变化导致底面周长、侧面积、底面积、体积的变化

分析清楚两个圆柱(或两个圆锥)半径、底面积、底面周长、侧面积、表面积、体积之比

②圆柱与圆锥关系的转换：包括削成最大体积的问题(正方体，长方体与圆柱圆锥之间)

③横截面的问题

④浸水体积问题：(水面上升部分的体积就是浸入水中物品的体积，等于盛水容积的底面积乘以上升的高度)容积是圆柱或长方体，正方体

⑤等体积转换问题：一个圆柱融化后做成圆锥，或圆柱中的溶液倒入圆锥，都是体积不变的问题，注意不要乘以 $\frac{1}{3}$

第四单元 比例

1、比的意义

(1) 两个数相除又叫做两个数的比

(2) “:” 是比号，读作“比”。比号前面的数叫做比的前项，比号后面的数叫做比的后项。比的前项除以后项所得的商，叫做比值。

(3) 同除法比较，比的前项相当于被除数，后项相当于除数，比值相当于商。

(4) 比值通常用分数表示，也可以用小数表示，有时也可能是整数。

(5) 比的后项不能是零。

(6) 根据分数与除法的关系，可知比的前项相当于分子，后项相当于分母，比值相当于分数值。

2、比的基本性质：比的前项和后项同时乘或者除以相同的数（0 除外），比值不变，这叫做比的基本性质。

3、求比值和化简比：

求比值的方法：用比的前项除以后项，它的结果是一个数值可以是整数，也可以是小数或分数。根据比的基本性质可以把比化成最简单的整数比。它的结果必须是一个最简比，即前、后项是互质的数。

4、按比例分配：

在农业生产和日常生活中，常常需要把一个数量按照一定的比来进行分配。这种分配的方法通常叫做按比例分配。

方法：首先求出各部分占总量的几分之几，然后求出总数的几分之几是多少。

5、比例的意义：表示两个比相等的式子叫做比例。

组成比例的四个数，叫做比例的项。

两端的两项叫做外项，中间的两项叫做内项。

6、比例的基本性质：在比例里，两个外项的积等于两个内项的积。这叫做比例的基本性质。

7、比和比例的区别

(1) 比表示两个量相除的关系，它有两项（即前、后项）；比例表示两个比相等的式子，它有四项（即两个内项和两个外项）。

(2) 比有基本性质，它是化简比的依据；比例也有基本性质，它是解比例的依据。

8、成正比例的量：两种相关联的量，一种量变化，另一种量也随着变化，如果这两种量中相对应的两个数的比值（也就是商）一定，这两种量就叫做成正比例的量，他们的关系叫做正比例关系。

用字母表示 $x/y=k$ （一定）

9、成反比例的量：两种相关联的量，一种量变化，另一种量也随着变化，如果这两种量中相对应的两个数的积一定，这两种量就叫做成反比例的量，他们的关系叫做反比例关系。

用字母表示 $x \times y=k$ （一定）

10、判断两种量成正比例还是成反比例的方法：

关键是看这两个相关联的量中相对就的两个数的商一定还是积一定，如果商一定，就成正比例；如果积一定，就成反比例。

11、比例尺：一幅图的图上距离和实际距离的比，叫做这幅图的比例尺。

12、比例尺的分类

- (1) 数值比例尺和线段比例尺 (2) 缩小比例尺和放大比例尺

13、图上距离：

$$\text{图上距离} / \text{实际距离} = \text{比例尺}$$

$$\text{实际距离} \times \text{比例尺} = \text{图上距离}$$

$$\text{图上距离} \div \text{比例尺} = \text{实际距离}$$

14、应用比例尺画图的步骤：

- (1) 写出图的名称、
- (2) 确定比例尺；
- (3) 根据比例尺求出图上距离；
- (4) 画图（画出单位长度）
- (5) 标出实际距离，写清地点名称
- (6) 标出比例尺

15、图形的放大与缩小：形状相同，大小不同。

16、用比例解决问题：

根据问题中的不变量找出两种相关联的量，并正确判断这两种相关联的量成什么比例关系，并根据正、反比例关系式列出相应的方程并求解。

17、常见的数量关系式：（成正比例或成反比例）

单价×数量=总价

单产量×数量=总产量

速度×时间=路程

工效×工作时间=工作总量

18、

已知图上距离和实际距离可以求比例尺。

已知比例尺和图上距离可以求实际距离。

已知比例尺和实际距离可以求图上距离。

计算时图距和实距单位必须统一。

19、播种的总公顷数一定，每天播种的公顷数和要用的天数是不是成反比例？

答：每天播种的公顷数×天数=播种的总公顷数

已知播种的总公顷数一定，就是每天播种的公顷数和要用的天数的积是一定的，所以每天播种的公顷数和要用的天数成反比例。

1、鸽巢原理是一个重要而又基本的组合原理, 在解决数学问题时有非常重要的作用

①什么是鸽巢原理, 先从一个简单的例子入手, 把 3 个苹果放在 2 个盒子里, 共有四种不同的放法, 如下表

放法	盒子 1	盒子 2
1	3	0
2	2	1
3	1	2
4	0	3

无论哪一种放法, 都可以说“必有一个盒子放了两个或两个以上的苹果”。这个结论是在“任意放法”的情况下, 得出的一个“必然结果”。

类似的, 如果有 5 只鸽子飞进四个鸽笼里, 那么一定有一个鸽笼飞进了 2 只或 2 只以上的鸽子

如果有 6 封信, 任意投入 5 个信箱里, 那么一定有一个信箱至少有 2 封信

我们把这些例子中的“苹果”、“鸽子”、“信”看作一种物体, 把“盒子”、“鸽笼”、“信箱”看作鸽巢, 可以得到鸽巢原理最简单的表达形式

②利用公式进行解题:

物体个数 ÷ 鸽巢个数 = 商……余数

至少个数 = 商 + 1

2、摸 2 个同色球计算方法。

①要保证摸出两个同色的球, 摸出的球的数量至少要比颜色数多 1。

物体数 = 颜色数 × (至少数 - 1) + 1

②极端思想：用最不利的摸法先摸出两个不同颜色的球，再无论摸出一个什么颜色的球，都能保证一定有两个球是同色的。

③公式：

两种颜色： $2+1=3$ （个）

三种颜色： $3+1=4$ （个）

四种颜色： $4+1=5$ （个）